

Lycée El Menzah VI FEVRIER 2000	Devoir de Maison N°2	Prof: Souayah Classe: 2ème Année
------------------------------------	----------------------	-------------------------------------

**Algèbre :**

**Exercice n° 1 :**

I- Déterminer pour quelle valeur de  $x$  l'expression a un sens puis simplifier

II) Résoudre dans

$$a) \frac{4x^2 - 7x + 4}{3x^2 - 5x + 2} < 1, \quad b) \left| x^2 - 5x + 2 \right| < 1 - x$$

$$c) \sqrt{3x - 2} = 2x - 1$$

III) Montrer s'il existe  $x, y$  tel 
$$\begin{cases} x^2 + y^3 = 3 \\ x + y = -2 \end{cases}$$
 que

**Exercice N°2 :**

Soit  $f(x) = a(x - \alpha)^2 + \beta$ , Déterminer  $a, \alpha, \beta$  sachant que  $\zeta_f$  est la courbe représentative de  $f$  admettant pour sommet le point  $S(1, 2)$  et passe par le point  $A(3, -2)$

Tracer cette courbe  $\zeta_f$  dans un repère orthonormé  $(0, i, j)$

Déterminer graphiquement, selon les valeurs de  $m$  le nombre de solutions de l'équation  $f(x) = fi$ .

Soit  $\Delta$  la droite d'équation  $y = x + 1$ , Déterminer les coordonnées du point d'intersection de  $\zeta_f$  avec  $\Delta$ .

**Géométrie :**

**Exercice n° 1**

On considère deux triangles  $ADS$  et  $ADE$  équilatéraux situés respectivement dans deux plans perpendiculaires  $Pet Q$  et  $AD = 2a; I, B$  et  $C$  milieux respectifs de  $[AD]; [AB]$  et  $[ED]$

1) Montrer que  $(IS) \perp Q$ , en déduire la nature du triangle  $IES$

2) a) Déterminer le plan  $R$  médiateur du segment  $[AD]$

b)  $O = B * C$ , Montrer que  $(BC) \perp R$  en déduire que  $R$  est aussi le plan médiateur de  $[BC]$

3)  $\zeta$  : le cercle de diamètre  $[AD]$

Montrer que  $\zeta$  passe par  $B$  et  $C$ , déterminer l'axe de  $\zeta$

4)  $M$ : milieu de  $[SA], N$  milieu de  $[SD]$

a) Montrer que  $BMNC$  est un rectangle

b) Déterminer  $\Delta$  : l'axe du cercle circonscrit du rectangle  $BMNC$ .

c) Calculer en fonction de  $a$  la distance  $MB$ .

**Exercice n02**

On considère le trapèze  $ABCD$  tel  $(AB) \parallel (CD)$  et  $AB = 2, CD = 5$ , ( l'unité étant le  $cm$  ).

Les droites  $(AD)$  et  $(BC)$  se coupent en  $O$

$(AC)$  et  $(BD)$  se coupent en  $I$

Quel est le rapport de l'homothécie  $h$  de centre  $O$  tel que  $h(A) = D$ .

Quel est le rapport de l'homothécie  $h'$  de centre  $I$  tel que  $h'(A) = C$ .

En déduire  $h(B)$  et  $h'(B)$ .

Soit  $E$  milieu de  $[AB]$  et  $F$  milieu de  $[CD]$ .

Montrer que  $h(E) = F$  et  $h'(E) = F$  en déduire que  $O, E, F, I$  sont alignés.

Déterminer  $h(\zeta(E, I)), h'(\zeta(E, I))$